

الدوال الفازية لأهم المتغيرات المرتبطة بمشروعات تطويرالمجرى الملاحي لقناة السويس

أ.د / أحمد عبد الخالق سلامة	أ.د / مرفت طلعت المحلاوى	أ.د / محمود رياض محمود
استاذ الرياضيات وعلوم الحاسب	استاذ الإحصاء التطبيقي	استاذ الإحصاء الرياضى
قسم الرياضيات وعلوم الحاسب	ورئيس قسم الاحصاء التطبيقي والتأمين	والعميد السابق لمعهد الدراسات
كلية العلوم	والعميد السابق لكلية التجارة بدمياط	والبحوث الاحصائية
جامعة بورسعيد	جامعة دمياط	جامعة القاهرة

هبة إبراهيم محمد عشرى
مدرس مساعد بقسم الإحصاء التطبيقي والتأمين
كلية التجارة - جامعة دمياط

الملخص

يعتمد الانحدار الفازى على مفاهيم نظرية المجموعات الفازية FST بينما اعتمد الانحدار التقليدى على نظرية الاحتمالات Probability Theory يوجد اختلاف من حيث الفروض الاساسية وتقدير المعلمات بين الانحدار التقليدى والانحدار الفازى، ويتميز نموذج الانحدار الفازى عن نموذج الانحدار التقليدى بمعالجته لمشكلة عدم دقة البيانات الراجعة للفازية وليس للعشوائية، كما أنه يمكن استخدام الانحدار الفازى فى حالة أن المدخلات (البيانات) غير فازية والمخرجات فازية أو المدخلات والمخرجات فازية، أيضاً إذا كانت البيانات غير فازية والعلاقة فازية حيث أنه عند نمذجة نظام فازى مع دوال خطية فازية فإن الفازية لبيانات المخرجات قد تكون بسبب اللاتأكدية لمعلمات النموذج والفازية فى بيانات المدخلات.

الكلمات الدالة :

المنطق الفازى FL- الفئات الفازية FS- نظرية الفئات الفازية FST-دالة الإنتماء Membership

Function- الانحدار الفازى Fuzzy Regression.

Abstract

The research is an attempt to use Fuzzy Regression models:

- 1- Fuzzy regression model to analyze the Suez Canal dues on tankers and to determine the most important factors affecting them and to estimate their effects.
- 2- Fuzzy regression model to analyze the Suez Canal dues on bulk carriers and to determine the most important factors affecting them and to estimate their effects.
- 3- Fuzzy regression model to analyze the Suez Canal dues and to determine the most important factors affecting them and to estimate their effects.
- 4- a Fuzzy time series model for forecasting the future amount of the tanker's dues.
- 5- a Fuzzy time series model for forecasting the future amount of the bulk carrier dues.
- 6- a Fuzzy time series model for forecasting the future amount of the all dues.
- 7- a mathematical model-mixed (0-1) Integer programming.
- 8-Expert Fuzzy System to choose the best alternative for developing the Marin stream of Suez Canal.

Keywords: Fuzzy Logic, Fuzzy Theory, Fuzzy Set, Membership Function, Fuzzy regression, Fuzzy Time series, Fuzzy linear Programming, Fuzzy Decision Making.

مقدمه

يعد أسلوب تحليل الانحدار Regression Analysis أحد أهم الأساليب الإحصائية المستخدمة لقياس العلاقات الاقتصادية، من خلال قياس حجم التغير الذي يحدث في متغير ما وهو المتغير التابع Dependent Variable ويطلق عليه متغير الاستجابة Response variable عندما يتغير متغير آخر وهو المتغير المستقل Independent Variable أو Explanatory variable ويطلق عليه نموذج الانحدار البسيط Simple Regression Model أو متغيرات أخرى ويطلق عليه نموذج الانحدار المتعدد Multiple Regression

Model والتنبؤ بقيمة المتغير التابع عند معرفة قيم محددة للمتغيرات المستقلة. ويهدف أسلوب تحليل الانحدار إلى قياس العلاقة بين متغير تابع يحتاج إلى تفسير ومتغير آخر أو أكثر من المتغيرات المستقلة ويضع العلاقة في شكل نموذج أو معادلة تعرف بمعادلة الانحدار ويمكن استخدامها للتنبؤ بقيمة الظاهرة في المستقبل.

3- والبيانات المستخدمة في اتخاذ قرار معين غالباً ما تكون غير معلومة بدقة تامه مما

ينتج عنه عدم تأكد مصاحب للبيانات، وتسمى بالبيانات الفازيه وقد قدم Zadeh(1965)

نظريه الفئات الفازيه FST لمعالجة تلك المشكله وتعتمد نظريه الفئات الفازيه على دراسة دالة

العضويه للبيانات بتحليل درجات انتماء البيانات للفئة الفازيه.

مشكلة البحث:

تتمثل مشكلة البحث في ضرورة اتخاذ قراراستثمارى أمثل يحقق تعظيم ربحية قناة السويس على مستوى الاقتصاد القومى من خلال الاختيار الأمثل لمشروعات تطوير المجرى الملاحي لقناة السويس، والتي تحتاج لاستثمارات ضخمة مما ينعكس على صعوبة اتخاذ القرار الاستثمارى الأمثل، وما يترتب عليه ضرورة معرفة إن كان هناك حاجة لتحقيق المزيد من مشروعات التطوير أم الاكتفاء بما تم من مشروعات لتطوير المجرى الملاحي للقناة حيث تتنافس المشروعات الاستثمارية الأخرى على الموارد المتاحة.

أهمية البحث

تتمثل الأهمية العلمية للبحث في استخدام التحليل الفازى وإيجاد قيم دوالالعضوية، واقترح نظام فازى خبير لاتخاذ القرار الأمثل يتضمن مجموعة من النماذج الفازية حيث تم بناء نماذج انحدار فازية والتنبؤ باستخدام السلاسل الزمنية الفازية لكل من الايرادات الاجماليه لقناة السويس، وايرادات قناة السويس من ناقلات البترول، وايرادات القناة من سفن البضائع الصب، ونموذج للبرمجه العددية الصحيحة (0-1) المختلطة.

هدف البحث:

يهدف البحث إلى ايجاد قيم دوال العضوية لبيانات المتغيرات المرتبطة بمشروعات تطوير المجرى الملاحي لقناة السويس وتحليلها، واقتراح نماذج انحدار فازی Fuzzy Regression Models لأهم المتغيرات المؤثرة فى مشروعات تطوير المجرى الملاحي لقناة السويس كما يلي:

- 1- نموذج الانحدار الفازی لايرادات قناة السويس المحصلة من ناقلات البترول.
- 2- نموذج الانحدار الفازی لايرادات قناة السويس المحصلة من سفن البضائع الصب.
- 3- نموذج الانحدار الفازی لايرادات قناة السويس الاجمالية .

خطة البحث:

تتمثل مشكلة البحث فى ضرورة اتخاذ قرار استثمارى أمثل يحقق تعظيم ربحية قناة السويس على مستوى الاقتصاد القومى من خلال الاختيار الأمثل لمشروعات تطوير المجرى الملاحي لقناة السويس، والتي تحتاج لاستثمارات ضخمة مما ينعكس على صعوبة اتخاذ القرار الاستثمارى الأمثل، وما يترتب عليه ضرورة معرفة إن كان هناك حاجة لتحقيق المزيد من مشروعات التطوير أم الاكتفاء بما تم من مشروعات لتطوير المجرى الملاحي للقناة حيث تتنافس المشروعات الاستثمارية الأخرى على الموارد المتاحة.

أهداف البحث

يهدف البحث إلى اقتراح مجموعة من النماذج الفازیة تساعد متخذى القرار بشأن مشروعات تطوير المجرى الملاحي لقناة السويس لاتخاذ القرار الأمثل بهدف تحقيق أقصى ربحية ممكنة على مستوى الاقتصاد القومى. وذلك من خلال مجموعة من الأهداف الفرعية تتمثل فيما يلي:

- 1- اقتراح نماذج انحدار فازی Fuzzy Regression Models.
- 2- التنبؤ الفازی بقيمة الايرادات الكلي لقناة السويس والتنبؤ بايرادات القناة من كل من ناقلات البترول وسفن البضائع الصب.

حدود البحث

النطاق الزماني:

البيانات خلال الفترة 1976:2015.

النطاق المكاني:

- مشروعات تطوير مجرى قناة السويس الملاحي دون غيرها من أوجه الإنفاق الاستثماري غير المرتبطة بتطوير المجرى الملاحي للقناة.
- تقتصر الدراسة على خطط التطوير المعلنة من هيئة قناة السويس.

الدراسات السابقة

(1) دراسة Hui Feng (2006)

الدراسة بعنوان:

Bayesian and non-Bayesian contributions to fuzzy regression Analysis

اقترح الباحث نموذج انحدار بيضى باستخدام اسلوب التحليل البيضى معتمداً على التحليل البيضى البعدى وذلك لتحديد عدد العناقيد فى الانحدار الفازى وقد اقترح نموذج انحدار بيضى بكل عنقود. حيث يتميز تحليل الانحدار الفازى البيضى بقدرته على التعامل مع عدم خطية البيانات. وقد أدى استخدام التحليل البيضى البعدى فى الانحدار إلى تحسين أداء النموذج ووضحت ذلك طريقة مونت كارلو.

(2) دراسة Van-Nam Huynh et al. (2007)

الدراسة بعنوان:

Decision Making under Uncertainty with Fuzzy targets

تم توضيح كيفية استخدام الأهداف الفازية لاتخاذ القرار فى حالة عدم التأكد، وتحليل الأهداف الفازية وتحديدها لمتخذى القرار. وايضاح أن نهج الهدف يستطيع أن يمد بطريقة موحدة لحل مشكلة اتخاذ القرار الفازى فى حالة عدم التأكد. وذلك مع العديد من الأمثلة للتوضيح.

(3) دراسة Barbara & Dorota (2009)

الدراسة بعنوان:

Least Squares Method For L-R Fuzzy Variables

وفيها تم تحديد الانحراف الفازي باستخدام طريقة المربعات الصغرى، وتحديد التوزيعات الاحتمالية لمعاملات النموذج في حالة أن المتغير العشوائي متغير فازی L_R، له قيمه دنيا Left وقيمة عظمى Right. وقد تم استخدام تطبيقين الأول ونموذج الانحدار الذاتي لاحتلال طاقة فيبونداء، والثاني ونموذج لوصف العلاقة بين أسعار المنازل في اليابان ومساحة وجود مواد البناء التي يتم استخدامها.

(4) دراسة Rosmamohddom (2009)

الدراسة بعنوان:

A Fuzzy Regression Model For The Prediction Of Oral Cancer Susceptibility

اقترح الباحث برنامج لتقدير العلاقة بين المتغيرات المستقلة المدخلات والمتغير التابع والطبيعة الثنائية، كما تم تطوير أسلوب الانحدار الفازي بإجراء اختبارات صلاحية في حالة المتغير التابع ثنائي القيمة وبناء نماذج انحدار فازی بالتنبؤ بالمتغير الثنائي وتطبيقه على بيانات سرطان الفم وقد تم بناء أربعة نماذج كما يلي: النموذج الأول: للتنبؤ بسرطان الفم ويعتمد على أداء الأطباء كخبراء Clinicians. النموذج الثاني: يعتمد على المنطق الفازی. النموذج الثالث: يعتمد على الشبكات العصبية الفازية. النموذج الرابع: يعتمد على الانحدار اللوجستي. وقد اتضح أن نموذج الانحدار الفازي ونموذج الشبكات العصبية الفازية ونموذج الانحدار اللوجستي لديهم قدرة لإيجاد القيمة المثلى للمدخلات المتغيرة التفسيرية.

(5) دراسة Shapero et al. (2009)

الدراسة بعنوان:

The Fuzziness in Regression Models

وفيها قام الباحثون باختبار وجود علاقة معنوية واضحة بين المتغير التابع والمتغير المستقل فنموذج الانحدار وله علاقة فازیة أملا (غير فازیة) وذلك بمعالجة تشتت معاملات الانحدار كمقياس إحصائي للعلاقة الفازیة بين المتغير التابع والمتغير المستقل واختبار الفرض

الإحصائيات تشتمل على بيان أسباب الخطأ العشوائي. وإجراء المحاكاة لعدد 80000 محاولة، وقد تم استنتاج عدم رفض الفرضية بالعلاقة بين المتغير التابع والمتغير المستقل ليستفاضية.

(6) دراسة (Nureize & J. Watada (2010)

الدراسة بعنوان:

A Fuzzy Regression Approach to A Hierarchical Evaluation Model For Oil Palm Fruit Grading

تم استخدام نموذج الانحدار الفازي في بناء نموذج تقييم هرمي فازي يميز معايير درجة ثمرة زيت النخيل وتحديد الأوزان الغامضة لتلك المعايير، وكذلك للمساعدة في التقييم واتخاذ القرار ولتوقع تنميه أمثل في المجالات الزراعية، حيث تحتاج عملية مراقبة و فحص جودة المحصول إلى أن تتم بصورة صحيحة للتأكد من ارتفاع الجودة التي يتم تحديدها للإنتاج.

(7) دراسة (M. Mosleh et al. (2010)

الدراسة بعنوان:

Evaluation of Fuzzy Regression Models by Fuzzy Neural Network

الباحثون

اقترح

أسلوب جديد يعتمد على الشبكات العصبية الفازية ليهدف إلى تقدير معالم نماذج الانحدار الفازية سواء الخطية أو غير الخطية
تعمل
على تدني دالة التكاليف للشبكات العصبية الفازية، كما قدمت هذه الدراسة العديد من الأمثلة الرقمية لشرح كيفية استخدام ذلك الأسلوب.

(8) دراسة (Zeynep Sener (2010)

الدراسة بعنوان:

A Fuzzy Regression and Optimization Approach for Setting Target Levels in Software Quality Function Deployment

قد تم استخدام أسلوب:

Software quality function deployment (SQFD)

وتطبيق أدوات تحسين جودة البرمجيات استجابته لاحتياجات مستخدمي البرمجيات
وذلك لتحسين جودة البرمجيات وتعظيم رضا العملاء وإيجاد منتجاً يغطي احتياجات المتوقعة للعملاء
وتلك الدراسة تعرض أسلوباً لاندراج الفازيل لتحديد المستويات المثلى لاسلوب (SQFD)
حيث أن العلاقات الفازيلية الموجودة في نموذج (SQFD) تيراستخدام نموذج لاندراج الفازيل
وقد استخدم لاندراج الفازيل لتحديد العلاقات الالية بين رغبات المستهلكين والخواص الفنية وبين الخواص الفنية ذاتها
وإستخدام أسلوب نموذج البرمجة الرياضية لتحديد المستويات المثلى للخواص الفنية مع استخدام العلاقات الالية المتد
صلعليها من نتائج لاندراج الفازيل.

(9) دراسة S.Rajaram and V.Vamitha (2012)

الدراسة بعنوان:

A Modified Approach on Fuzzy Time Series Forecasting

تم تطوير طريقة التنبؤ بالسلاسل الزمنية الفازيلية على أساس أقرب الأعداد شبه
المتماثلة ويستخدم تقسيم الفترات مع طول مختلف. وعن طريق تحويل الأرقام الفازيلية شبه منحرف
من وإلى أقرب أرقام متماثلة شبه منحرف مماثل وباستخدام وظيفة الترتيب تم تحسين دقة التنبؤ.
يهدف التنبؤ غير المؤكد استناداً إلى بيانات غير مؤكدة. في البحث لأقرب الأرقام شبه
متماثلة تستخدم لزيادة دقة التنبؤ. ثم استخدام مثال توضيحي للتنبؤ للتحقق من فعالية النموذج
المقترح ومقارنتها مع بعض الطرق الحالية لتأكيد الفوائد المحتملة للنهج المقترح مع خطأ صغير
جداً.

(10) دراسة Mohammed A. Al-Sulaiman et al. (2014)

الدراسة بعنوان:

Estimation of Total Dissolved Salts of Irrigation Water Using Adaptive Neuro Fuzzy Inference System

تم توظيف منظومة استنتاج عصبية فازيلية مكيفة (Adaptive Neuro Fuzzy Inference Systems; ANFIS) لتقدير تركيز مجموع الأملاح الذائبة لمياه الري من الآبار،
وتستخدم المنظومة المقترحة المنطق الفازيل في صياغة القواعد Rules الموضحة لتأثير العوامل
على تركيز مجموع الأملاح الذائبة لمياه الري. استخدم نموذج سيجينو Sugeno من الرتبة
الأولى للمنظومة لاشتقاق دوال العضوية Membership functions وقواعد إذا-ثم IF-Then.

وتم استخدام تحليل الانحدار الخطى المتعدد للتنبؤ بتركيز مجموع الأملاح الذائبة في عينه مياه من خلال نفس العناصر الكيميائية للمقارنة. وأظهرت النتائج أن القيم المقدرة من منظومة ANFIS المقترحة كانت قريبة جدا من القيم الفعلية وبالتالي يمكن استخدامها لتقدير تركيز مجموع الأملاح الذائبة وكنظام مساعد في ادارة مياه الري.

(11) دراسة (R. Osuna-Gomez et al. (2017)

الدراسة بعنوان:

Different Optimum Notions for Fuzzy Functions and Optimality Conditions associated

تم تطبيق الأعداد الفازية على مشاكل القرار في حالات عدم التأكد وتحديد مفاهيم الأمثلية لمتخذى القرار وإثبات أهميه وكفاءة شروط الأمثلية كخطوات ضروريه في عملية حل المشكلات من خلال الأمثله المتنوعه.

(12) دراسة (Kai Yao (2017)

الدراسة بعنوان:

Conditional Uncertain set and conditional membership Function

تم دراسة المجموعات غير المؤكده الشرطيه ودوال العضويه لها وأوضحت عدم وجود علاقة بين دالة العضويه للفئة الأصلية غير المؤكده ودالة العضويه للفئة غير المؤكده الشرطيه.

وتم أثبات أن الفئه غير المؤكده الشرطيه يكون لها دالة عضويه في حالتين هما:

الفئة الأصلية غير المؤكده ترتب وتعرف في فراغ غير مؤكد متصل، الفئة الأصلية غير المؤكده لها دالة عضويه مستقلة عن الحدث.

خطة البحث

المبحث الأول: التحليل الانحدار الفازى.

المبحث الثانى: تحليل المتغيرات الفازية.

المبحث الأول

تحليل الانحدار الفازي

الانحدار الخطي الفازي (FLR) Fuzzy Linear Regression

الانحدار الخطي الفازي FLR يتم فيه توظيف البرمجة الخطية Linear Programming Problem (LP) لتقدير المعلمات الفازية. ويمكن التعبير عن صيغة نموذج (FLR) كما يلي:

$$\begin{aligned}\tilde{Y} &= \tilde{B}_0 + \tilde{B}_1 x_1 + \tilde{B}_2 x_2 + \dots + \tilde{B}_n x_n \\ &= \tilde{B}' X\end{aligned}$$

حيث:

$\tilde{B} = [\tilde{B}_0, \tilde{B}_1, \tilde{B}_2, \dots, \tilde{B}_n]'$: متجه المعلمات الفازية.

$$\tilde{B}_i = (\alpha_i, c_i)$$

α_i : قيمة المركز للمعلمة الفازية center value.

c_i : قيمة الانتشار للمعلمة الفازية spread value (width).

$$i = 0, 1, 2, \dots, n$$

L : دالة الانتماء للاتجاه الأيسر.

هو متجه المتغيرات المستقلة. $X = [1, x_1, x_2, \dots, x_n]$

ويمكن التعبير عن دالة الانتماء للمعلمة الفازية كما يلي:

$$\alpha_{B_i}(B_i) = \begin{cases} 1 - \frac{|\alpha_i - b_i|}{c_i} & \alpha_i - c_i \leq b_i \leq \alpha_i + c_i \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$

حيث:

$$i=1,2,\dots,n$$

$$b_i > 0$$

ويمكن التعبير عن المعادلة كما يلي:

$$\tilde{Y}_i = (\alpha_0, c_0) + (\alpha_1, c_1)x_1 + (\alpha_2, c_2)x_2 + \dots + (\alpha_n, c_n)x_n$$

وفي ذلك النموذج

نموذج Tanaka

$$Y = B_0 + B_1x_1 + B_2x_2 + \dots + B_nx_n$$

$$= B'X$$

حيث:

$$B = [B_0, B_1, \dots, B_n]'$$

$$X = [1, x_1, x_2, \dots, x_n]$$

ويمكن التعبير عن دالة الانتماء كما يلي:

$$\alpha_Y(y) = \begin{cases} 1 - \frac{|y - x'\alpha|}{c'|x|} & x \neq 0 \\ 1 & x = 0, y = 0 \\ 0 & x = 0, y \neq 0 \end{cases}$$

حيث:

Transposition عملية التبدل : $|x| = (|x_1|, \dots, |x_n|)'$

α : متجه القيم المركزية.

C: متجه قيم الانتشار لكل المعلمات.

$Y = (y_i, e_i)$: المتغير التابع عدد فازی مع دالة انتماء مثلثية

($i=1,2,\dots,n$)

وتأخذ دالة الانتماء للمتغير التابع الشكل التالي:

$$\alpha_{y_i}(y_i) = \begin{cases} 1 - \frac{|y_i - y|}{e_i} & y_i - e_i < y < y_i + e_i \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$

ولايجاد نموذج الانحدار الفازی تم فرض الشروط التالية :

$$\text{Min } S = c_1 + c_2 + \dots + c_{n-1}$$

$$Y_i = (y_i, e_i) - 2$$

الانتماء لكل مشاهدة أكبر من أو يساوي الانتماء المفترض ($h \in [0, 1]$)

$$Y(y_i) \geq h$$

$$\forall i = 1, \dots, n$$

$$Y_i^h \subseteq Y_i^{*h} \quad \bar{h}_i$$

3- مطابقة تقدير نموذج خطي فازی $Y_i^* = Bx_i^*$ لبيانات معطاه $Y_i = (y_i, e_i)$

$$Y_i^h = \{ y \mid \alpha_y(y) \geq h \}$$

$$Y_i^{*h} = \{ y \mid \alpha_{y^*}(y) \geq h \}$$

وهي مجموعات بمستوى h والتي يختارها صانع القرار وقيمتها بين $0, 1$

وفي حالة أن قيمة الانتشار $e_i = 0$ فان بيانات المخرجات تكون غير فائزة وقيمة \bar{h}_i وقيمة دالة الانتماء (y_i) تكون متساوية كما أن:

$$(1 - h)c^t|x| - |y - x^t\alpha| \geq 0 \quad x \neq 0$$

ويتم توظيف البرمجة الخطية LP لتقدير معاملات الانحدار الفازي التي تأخذ الصيغة التالية:

$$\text{Min } S = \sum_{j=1}^m c_j$$

$$\alpha^t x_i + (1 - h) \sum_{j=1}^m c_j |x_{ij}| \geq y_i + (1 - h)e_i$$

$$- \alpha^t x_i + (1 - h) \sum_{j=1}^m c_j |x_{ij}| \geq -y_i + (1 - h)e_i$$

$$c_j \geq 0, \quad x_i \geq 0$$

$$\forall i = 1, 2, \dots, n$$

حيث:

S:مجموع الانتشار المستقلة للمعاملات الفازية أى المجموع الكلى للفازية.

ونتيجة للانتقادات فى نموذج Tanaka ومنها وجود العديد من قيم الانتشار $c_j = 0$ عند

اجراء الحل LP فالعلاقة بين المتغير التابع والمتغيرات المستقلة تكون غير فائزة crisp

تعدّل النموذج لتفادى ذلك وأصبحت دالة الهدف ذات أقل مجموع كلى لانتشار قيمة التنبؤ لـ

\tilde{Y}_i .

$$\text{Min } S = \sum_{i=0}^n \sum_{j=1}^m c_j x_{ij}$$

$$\alpha^t x_i + (1-h) \sum_{j=1}^m c_j |x_{ij}| \geq y_i + (1-h)e_i$$

$$- \alpha^t x_i + (1-h) \sum_{j=1}^m c_j |x_{ij}| \geq y_i + (1-h)e_i$$

$$c_j \geq 0, x_i \geq 0$$

$$\forall i = 1, 2, \dots, N$$

الانحدار الخطى الفازى بطريقة المربعات الصغرى

Fuzzy Least Squares Linear Regression (FLSLR)

الانحدار الخطى الفازى بطريقة المربعات الصغرى يتم فيه استبدال المعلمة α بالمعلمة α^* أى أن بيانات المدخلات تكون غير فازية ويتم الحل بواسطة طريقة المربعات الصغرى التقليدية لتقدير نموذج الانحدار الخطى العام حيث:

$$\alpha^* = (x'x)^{-1} x'y$$

وبعد الحصول على المقدرات كمتجه α^* يتم استخدامه كمجموعة بيانات وتنفيذ البرمجة الخطية LP أى استخدام معيار أقل مجموع كلى للفازية مع متباينات شرطية لحد الانتماء ويأخذ النموذج الشكل التالى:

$$\text{Min } S = \sum_{j=0}^m c_j$$

$$\alpha^* + (1-h) \sum_{j=0}^m c_j |x_{ij}| \geq y_i + (1-h)e_i$$

$$-\alpha^* + (1-h) \sum_{j=0}^m c_j |x_{ij}| \geq y_i + (1-h)e_i$$

$$c_j \geq 0$$

$$\forall i = 1, 2, \dots, N$$

وفيما يلي توضيح لطريقة المربعات الصغرى الفازية (FLS)

طريقة المربعات الصغرى الفازية (FLS)

المربعات الصغرى للأعداد الفازية بناءً على معيار قياس d_f على $F(R)$ على كل الأعداد

الفازية المنتظمة، فإن معيار قياس على الفراغ على كل الأعداد الفازية الثلاثية

$$d^2(X, Y) = \frac{m_x - m_y}{-B_y}^2 + \frac{m_x - \alpha_x - m_y - \alpha_y}{-B_y}^2 + \frac{m_x + \beta_x - m_y}{-B_y}^2$$

$$X = m_x, \alpha_x, \beta_x \quad \text{and} \quad Y = m_y, \alpha_y, \beta_y \quad \text{حيث:}$$

يكونا رقمين فازيين ثلاثيين في $F_T(R)$.

وفيما يلي نماذج انحدار فازى بسيط.

1- مدخلات فازية ومخرجات فازية:

$$Y = a + bX, \quad a, \quad b \in R, \quad X \in F_T(R),$$

$$Y = E + bX, \quad b \in R, \quad E, X \in F_T(R).$$

2- مدخلات عددية ومخرجات فازیة:

$$Y = A + Bx, \quad x \in R \quad A, \quad B \in F_T(R),$$

$$\text{Minimizer } (a, b) = \sum_{i=1}^n d^2(Y_i, a + bX_i)$$

$$\text{Minimizer } (E, b) = \sum_{i=1}^n d^2(Y_i, E + bX_i)$$

$$\text{Minimizer } (A, B) = \sum_{i=1}^n d^2(Y_i, A + Bx_i)$$

Fuzzy C-numbers (FCN)

تم تعريف d_{LR} على $F_{LR}(R)$ على LR-type

$$d^{2LR}(X, Y) = m_x - m_y + m_x - \alpha_x - m_y - \alpha_y + m_x + r\beta_x - m_y + r\beta_y$$

حيث

$$l = \int_0^1 L^{-1}(w)dw, \quad r = \int_0^1 R^{-1}(w)dw, \quad X = m_x, \alpha_x, \beta_x \text{ LR and}$$

$Y = m_y, \alpha_y, \beta_y \text{ LR are LR - type اعداد فازیة in } F_{LR}(R)$

L (and R) decreasing من R^+ إلى $[0, 1]$ مع

$$L(0) = 1; L(x) < 1 \text{ for all } x > 0; L(x) > 0 \text{ for all } x < 1; L(1) = 0$$

or $(L(x) > 0$ for all x and $L(+\infty) = 0)$.

ثم الرقم الفازى LR-type X

$m, \alpha > 0$ and $\beta > 0$ in R

$$X(x) = \begin{cases} L\left(\frac{m-x}{\alpha}\right), & \text{for } x \leq m \\ R\left(\frac{x-m}{\beta}\right), & \text{for } x \geq m \end{cases}$$

X ترمز إليها بواسطة m_x, α_x, β_y LR

هدف البحث

يهدف البحث إليايجاد قيم دوال العضوية لبيانات المتغيرات المرتبطة بمشروعات تطوير المجرى الملاحي لقناة السويس وتحليلها، واقتراح نماذج انحدار فazy Fuzzy Regression Models لأهم المتغيرات المؤثرة فى مشروعات تطوير المجرى الملاحي لقناة السويس كما يلي:

- 4- نموذج الانحدار الفazy لايرادات قناة السويس المحصلة من ناقلات البترول.
- 5- نموذج الانحدار الفazy لايرادات قناة السويس المحصلة من سفن البضائع الصب.
- 6- نموذج الانحدار الفazy لايرادات قناة السويس الاجمالية .

المبحث الثانى

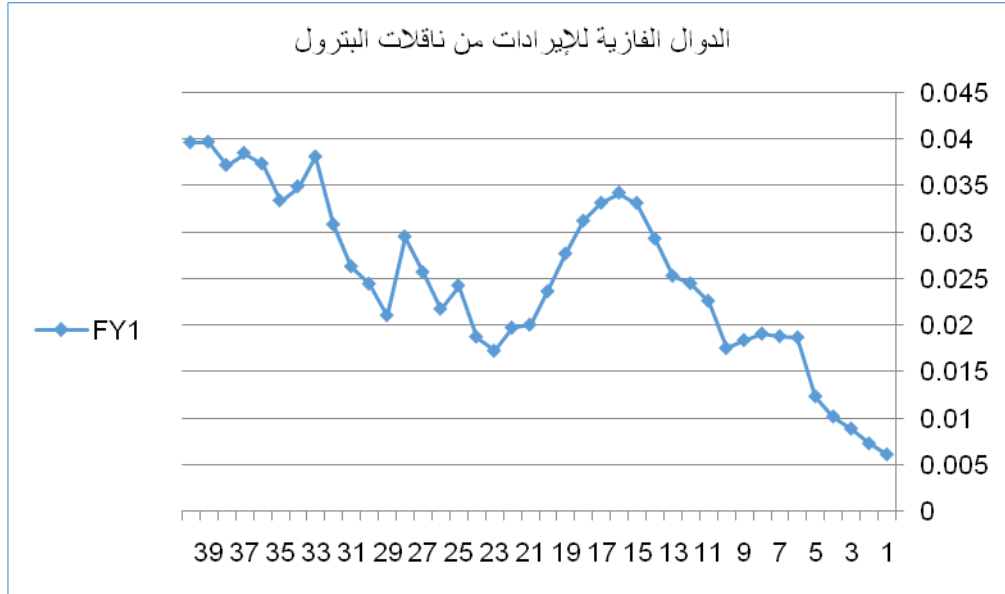
تحليل المتغيرات الفازية

أهم المتغيرات المرتبطة بمشروعات تطوير المجرى الملاحي لقناة السويس

1- إيرادات قناة السويس

1-1- إيرادات قناة السويس المحصلة من ناقلات البترول

الشكل التالي رقم (1) يوضح الدوال الفازية لايرادات قناة السويس المحصلة من ناقلات البترول

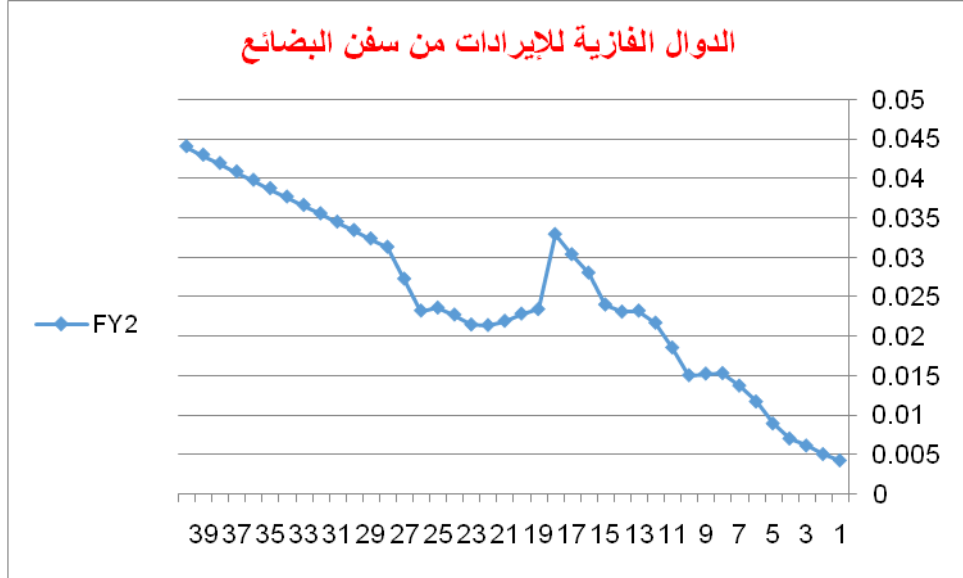


شكل رقم (1)

الدوال الفازية لايرادات قناة السويس المحصلة من ناقلات البترول

1-2- إيرادات قناة السويس المحصلة من سفن البضائع الصب

الشكل التالي رقم (2) يوضح الدوال الفازية لايرادات قناة السويس المحصلة من سفن البضائع الصب.

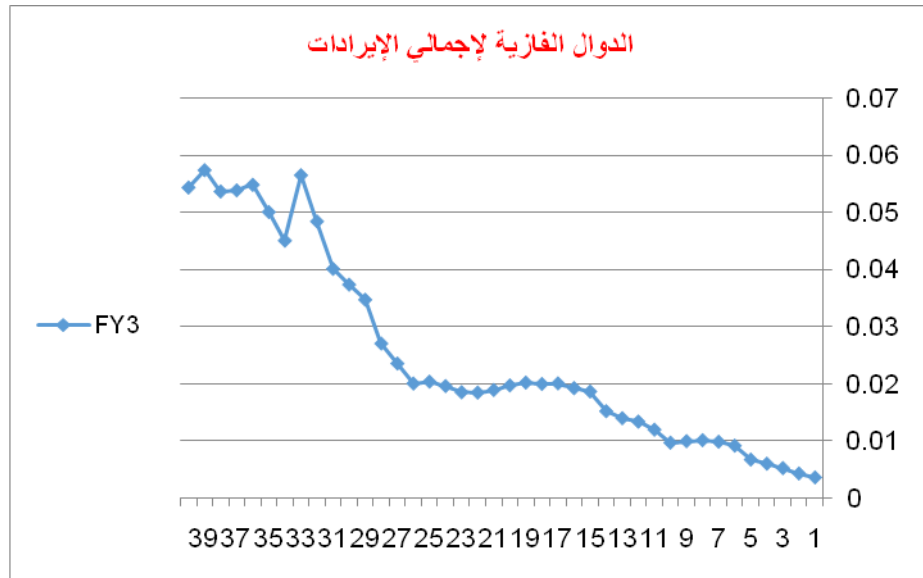


شكل رقم (2)

الدوال الفازية لإيرادات قناة السويس المحصلة من سفن البضائع الصب

3-1- الإيرادات الاجمالية لقناة السويس

الشكل التالي رقم (3) يوضح الدوال الفازية لإيرادات قناة السويس



شكل رقم (3)

الدوال الفازية لإيرادات قناة السويس

2- أحجام الحمولات العابرة قناة السويس

1-2 أحجام الحمولات العابرة قناة السويس من ناقلات البترول

الشكل التالي رقم (5) يوضح الدوال الفازية لأحجام الحمولات العابرة قناة السويس من ناقلات البترول.



شكل رقم (5)

الدوال الفازية لأحجام الحمولات الكلية العابرة قناة السويس من ناقلات البترول

2-2 أحجام الحمولات العابرة قناة السويس من سفن البضائع الصب

الشكل التالي رقم (6) يوضح الدوال الفازية لأحجام الحمولات العابرة قناة السويس من سفن البضائع الصب

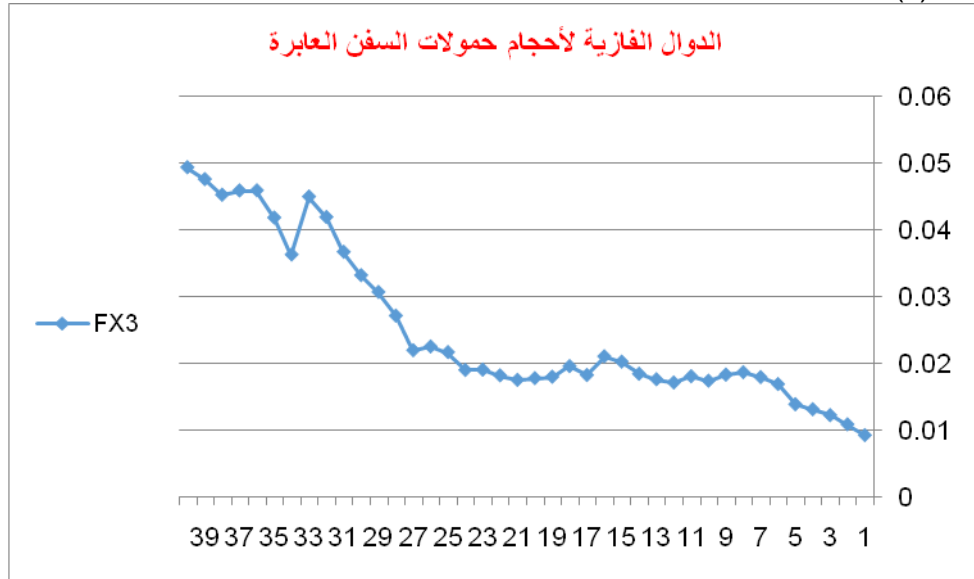


شكل رقم (6)

الدوال الفازية لأحجام الحمولات الكلية العابرة قناة السويس من سفن البضائع الصب

2-3 أحجام الحمولات الكلية العابرة قناة السويس

الشكل التالي رقم (7) يوضح الدوال الفازية لأحجام الحمولات الكلية العابرة قناة السويس

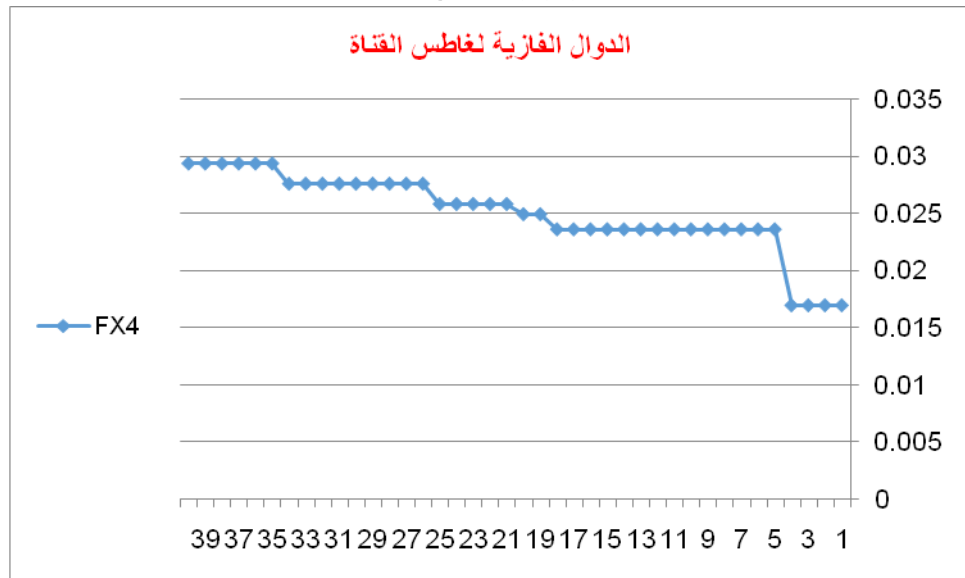


شكل رقم (7)

الدوال الفازية لأحجام الحمولات الكلية العابرة قناة السويس

4- أقصى غاطس للسفن العابرة قناة السويس

الشكل التالي رقم (8) يوضح الدوال الفازية لغاطس القناة

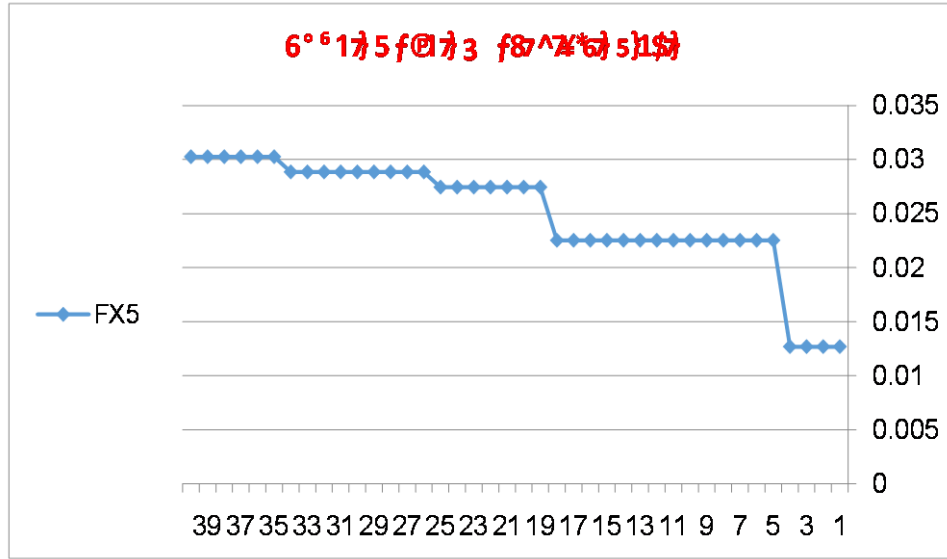


شكل رقم (8)

الدوال الفازية لغاطس القناة

5- عرض المجرى الملاحي عند خط عمق (11.0م)

الشكل التالي رقم (9) يوضح الدوال الفازية لعرض المجرى الملاحي عند خط عمق (11.0م)



شكل رقم (9)

الدوال الفازية لعرض المجرى الملاحي عند خط عمق (11.0م)

المبحث الثالث

النماذج الفازية المقترحة

سوف يتم تقدير نماذج التالية للانحدار الفازي :

- 1- النموذج الأول نموذج الانحدار الفازي لإيرادات قناة السويس المحصلة من ناقلات البترول.
- 2- النموذج الثاني نموذج الانحدار الفازي لإيرادات قناة السويس المحصلة من سفن البضائع الصب حيث أنهما يمثلان الأنواع الرئيسية الضخمة والعملاقة المعنيه بتحقيق المزيد من مشروعات تطوير المجرى الملاحي لقناة السويس.
- 3- النموذج الثالث نموذج الانحدار الفازي للإيرادات الكلية لقناة السويس والتنبؤ بالقيم المستقبلية لإيرادات القناة الكلية وإيرادات القناة من ناقلات البترول وسفن البضائع الصب باستخدام السلاسل الزمنية الفازية حيث تعد تلك الإيرادات أحد المتغيرات الرئيسية والهامة لمتخذى قرار تطوير المجرى الملاحي لقناة السويس.

وباستخدام برنامج MATLAB وحل مشكلة البرمجة الخطية تم التوصل لما يلي:

1- نموذج الانحدار الفازي لإيرادات قناة السويس المحصلة من ناقلات البترول

متغيرات نموذج الانحدار الفازي المقترح لإيرادات القناة من ناقلات البترول المرتبطة بمشروعات تطوير المجرى الملاحي لقناة السويس.

FY_1 : إيرادات قناة السويس المحصلة من ناقلات البترول.

FX_1 : أحجام الحمولات العابرة قناة السويس من ناقلات البترول.

FX_4 : أقصى غاطس للسفن العابرة للقناة.

FX_5 : عرض المجرى الملاحي عند خط عمق (11.0م).

وعند تقدير النموذج الخاص بإيرادات قناة السويس من ناقلات البترول كانت نتائج التقدير

كما يلي:

$$\hat{F} Y_1 = - 0.029 + 0.685 FX_1 + 1.505 FX_4$$

والجدول رقم (1) يوضح نتائج تقدير المعادلة المقترحة

جدول رقم (1)

نتائج تقدير المعادلة المقترحة

Variable المتغير	Constant الثابت	Fx1 حجم الحمولة	Fx4 حجم الحمولة
$B_i, i = 0, 1, 4$	- 0.029	0.685	1.505
معامل التحديد R^2		0.715	
معامل التحديد المعدل $R^2 (adj)$		0.699	

ومن الجدول السابق رقم (1) نتائج تقدير المعادلة المقترحة نستنتج ما يلي:

1- وجود علاقة طردية بين حجم الإيرادات المحصلة من ناقلات البترول وزيادة أحجام حمولاتها حيث تظهر بإشارة موجبة، والاستمرار في تحقيق المزيد من مشروعات تطوير القناة وزيادة طاقتها الاستيعابية أي أنه في حالة الاستمرار في مشروعات تطوير القناة ، وزيادة أحجام الحمولات من ناقلات البترول فإن ذلك يؤدي إلى زيادة حجم الإيرادات المحصلة من ناقلات البترول فمعلمات الانحدار المقدرة تتفق إشاراتنا مع الواقع النظري.

2- اتضح معنوية المعالم الفازية لنموذج الانحدار الفازي المقدر ومعنوية معادلة الانحدار المقدرة ككل.

3- الأداء العام للنموذج :

معامل التحديد قيمته 0.715 وذلك يعني أن معادلة الانحدار الخطية المقدرة نجحت في تفسير حوالي 72% من التغيرات الكلية في حجم إيرادات القناة من ناقلات البترول.

كما أن قيمة معامل التحديد المعدل والتي تساوي 0.699 تعني أنه بعد أخذ درجات الحرية في الاعتبار أن التغيرات الكلية في إيرادات القناة من ناقلات البترول نجحت المتغيرات التفسيرية في المعادلة المقترحة في تفسير حوالي 70% من التغيرات الكلية في إيرادات ناقلات البترول.

التحقق من شرط اعتدالية التوزيع الاحتمالي للبواقي Normality of Disturbances

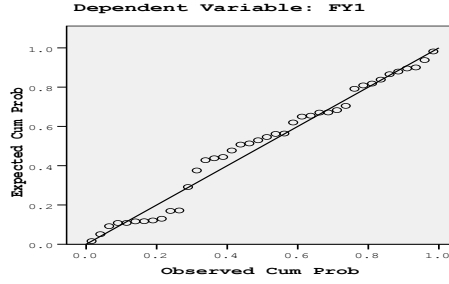
-اختبار سميرونوفكولمجروف

Kolmogorov Smirnov Normality Test (K-S)

للتأكد من اعتدالية توزيع الأخطاء بإجراء الاختبار كانت P.value أكبر من 0.05 أي أن الأخطاء تتبع التوزيع الطبيعي وبذلك يتحقق شرط اعتدالية التوزيع الاحتمالي للبواقي.

ويوضح الشكل رقم (10) شكل الانتشار للبواقي والأخطاء المتوقعة كلاحتمالات متجمعة للمعادلة المقدرة لإيرادات القناة من ناقلات البترول أن هذه الأخطاء تتوزع بطريقة عشوائية على جانبي الخط الممثل للتوزيع النظري المعتدل وغالبية هذه النقاط تقع على الخط وذلك مؤشراً أنها تتبع التوزيع الطبيعي.

Normal P-P Plot of Regression Standardized Residual



شكل رقم (10)

شكل الانتشار بين الأخطاء المشاهدة والأخطاء المتوقعة

كاحتمالات متجمعة للمعادلة المقدرة

وكما يتضح من الشكل أن الأخطاء تتوزع بشكل عشوائي على جانبي الخط الواصل بين الركن الأيمن العلوى والركن الأيسر السفلى مما يعنى أن البواقي تتبع التوزيع الطبيعي

4- اختبار اختلاف التباين أو عدم تجانس البواقي Heteroscedasticity Test

باجراء اختبار جولدفيلد-كواندت Goldfield-quandt نقبل الفرض العدم بتجانس أو ثبات فى تباين الأخطاء وتحقق شرط ثبات التباين

وبفرض اتخاذ قرار بأن يكون عبور ناقلات البترول مجانى (أى أن الايرادات المحصلة من ناقلات البترول = صفر) وتتعدم أحجامحمولات ناقلات البترول العابرة للقناة وتصبح قيمتها كمتغير مستقل مساوية للصفر، والاكتفاء بما تم من مشروعات تطوير لقناة السويس مما يترتب عليه أن تصبح قيمة الايرادات كمتغير تابع مساوية للصفر، مما يجعل الحد الثابت مساوياً للصفر، وسوف نقدر النموذج بدون الحد الثابت والمقارنة بين النموذجين.

تقدير النموذج بدون الثابت

$$\hat{F}_1 Y_1 = 0.508 FX_1 + 0.534 FX_5$$

جدول رقم (2)

نتائج تقدير المعادلة المقترحة

ومن الجدول السابق رقم (2) نتائج تقدير المعادلة المقترحة نستنتج ما يلي:

Variable المتغير	حجم الحمولة Fx1	حجم الحمولة Fx5	1- و
$B_i, i = 1, 5$	0.508	0.534	ج
R^2 معامل التحديد	0.952		و
$R^2 (adj)$ معامل التحديد المعدل	0.949		د

علاقة طردية بين حجم الإيرادات المحصلة من ناقلات البترول وزيادة أحجام حمولاتها حيث تظهر بإشارة موجبة، والاستمرار في تحقيق المزيد من مشروعات تطوير القناة وزيادة طاقتها الاستيعابية أي أنه في حالة الاستمرار في مشروعات تطوير القناة، وزيادة أحجام الحمولات من ناقلات البترول فإن ذلك يؤدي إلى زيادة حجم الإيرادات المحصلة من ناقلات البترول فمعلمات الانحدار المقدره تتفق إشاراتهما مع الواقع النظري.

2- اتضح معنوية المعالم الفازية لنموذج الانحدار الفازي المقدر و معنوية معادلة الانحدار المقدره ككل.

3- الأداء العام للنموذج :

معامل التحديد قيمته 0.952 وذلك يعني أن معادلة الانحدار الخطية المقدره نجحت في تفسير حوالي 95% من التغيرات الكلية في حجم إيرادات القناة من ناقلات البترول.

كما أن قيمة معامل التحديد المعدل والتي تساوي 0.949 تعني أنه بعد أخذ درجات الحرية في الاعتبار أن التغيرات الكلية في إيرادات القناة من ناقلات البترول نجحت المتغيرات التفسيرية في المعادلة المقترحة في تفسير حوالي 95% من التغيرات الكلية في إيرادات ناقلات البترول.

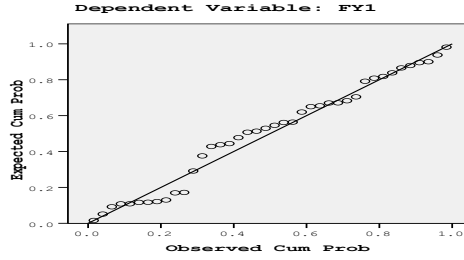
-اختبار سميرونوفكولمجروف-

Kolmogorov Smirnov Normality Test (K-S)

للتأكد من اعتدالية توزيع الأخطاء بإجراء الاختبار كانت P.value أكبر من 0.05 أي أن الأخطاء تتبع التوزيع الطبيعي وبذلك يتحقق شرط اعتدالية التوزيع الاحتمالي للبواقي.

ويوضح الشكل رقم (11) شكل الانتشار للبواقي والأخطاء المتوقعة كاحتمالات متجمعة للمعادلة المقدر لإيرادات القناة من ناقلات البترول أن هذه الأخطاء تتوزع بطريقة عشوائية على جانبي الخط الممثل للتوزيع النظري المعتدل وغالبية هذه النقاط تقع على الخط وذلك مؤشراً أنها تتبع التوزيع الطبيعي.

Normal P-P Plot of Regression Standardized Residual



شكل رقم (11)

شكل الانتشار بين الأخطاء المشاهدة والأخطاء المتوقعة

كاحتمالات متجمعة للمعادلة المقدر

وكما يتضح من الشكل أن الأخطاء تتوزع بشكل عشوائي على جانبي الخط الواصل بين الركن الأيمن العلوي والركن الأيسر السفلي مما يعنى أن البواقي تتبع التوزيع الطبيعي.

4- اختبار اختلاف التباين أو عدم تجانس البواقي Heteroscedasticity Test
باجراء اختبار جولدفيلد-كواندت Goldfield-quandt نقبل الفرض العدم بتجانس أو ثبات فى تباين الأخطاء وتحقق شرط ثبات التباين.

2- نموذج الانحدار الفازي لإيرادات قناة السويس المحصلة من سفن البضائع الصب

- متغيرات نموذج الانحدار الفازي المقترح لإيرادات القناة من سفن البضائع الصب

المرتبطة بمشروعات تطوير المجرى الملاحي لقناة السويس.

FY₂ : إيرادات قناة السويس المحصلة من سفن البضائع الصب.

FX₂ : أحجام الحمولات العابرة قناة السويس من سفن البضائع الصب.

FX₄ : أقصى غاطس للسفن العابرة للقناة.

FX₅ : عرض المجرى الملاحي عند خط عمق (11.0م).

وعند تقدير النموذج الخاص بإيرادات قناة السويس من سفن البضائع الصبكانت نتائج التقدير كما يلي:

$$\hat{F} Y_2 = -0.029 + 0.577 FX_2 + 1.595 FX_4$$

والجدول رقم (2) يوضح نتائج تقدير المعادلة المقترحة

جدول رقم (2)

نتائج تقدير المعادلة المقترحة

Variable	Constant	Fx ₂	Fx ₄
B _i , i = 0, 2, 4	-0.029	0.577	1.595
R ²	0.814		
R ² (adj)	0.804		

ونستنتج من الجدول رقم 2 السابق نتائج تقدير المعادلة المقترحة ما يلي :

وجود علاقة طردية بين حجم الإيرادات المحصلة من سفن البضائع الصب وزيادة أحجام حمولاتها حيث تظهر بإشارة موجبة، والاستمرار في تحقيق المزيد من مشروعات تطوير القناة وزيادة طاقتها الاستيعابية أي أنه في حالة الاستمرار في مشروعات تطوير القناة، وزيادة أحجام الحمولات من السفن الصب فإن ذلك يؤدي إلى زيادة حجم الإيرادات المحصلة من السفن الصب فمعلمات الانحدار المقدره تتفق إشاراتهما مع الواقع النظري.

5- اتضح معنوية المعالم الفازية لنموذج الانحدار الفازي المقدر و معنوية معادلة الانحدار المقدره ككل.

الأداء العام للنموذج يتضح أن :

- معامل التحديد قيمته 0.814 وذلك يعني أن معادلة الانحدار الخطية المقدره نجحت في تفسير حوالي 81% من التغيرات الكلية في حجم إيرادات القناة من سفن البضائع الصب

كما أن قيمة معامل التحديد المعدل والتي تساوي 0.804 تعني أنه بعد أخذ درجات الحرية في الاعتبار أن التغيرات الكلية في إيرادات القناة من سفن البضائع الصب نجحت المتغيرات

التفسيرية في المعادلة المقترحة في تفسير 80% من التغيرات الكلية في إيرادات سفن البضائع
الصب.

التحقق من شرط اعتدالية الأخطاء Normality of Disturbances

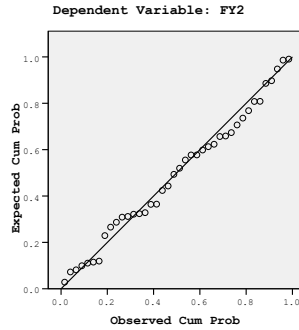
-اختبار سميرنوفكولمجروف

Kolmogorov Smirnov Normality Test (K-S)

للتأكد من اعتدالية توزيع الأخطاء بإجراء الاختبار كانت قيمه P.value أكبر من
0.05 أي أن الأخطاء تتبع التوزيع الطبيعي

ويوضح الشكل رقم شكل الانتشار بين الأخطاء المشاهدة البواقي والأخطاء المتوقعة
كاحتمالات متجمعة للمعادلة المقدر لإيرادات القناة من ناقلات البترول أن هذه الأخطاء تتوزع
بطريقة عشوائية على جانبي الخط الممثل للتوزيع النظري المعتدل وغالبية هذه النقاط تقع على
الخط وذلك مؤشراً أنها تتبع التوزيع الطبيعي.

Normal P-P Plot of Regression Standardized Residual



شكل رقم (12)

شكل الانتشار بين الأخطاء المشاهدة والأخطاء المتوقعة

كاحتمالات متجمعة للمعادلة المقدر

وكما يتضح من الشكل أن الأخطاء تتوزع بشكل عشوائي على جانبي الخط الواصل بين الركن الأيمن العلوى والركن الأيسر السفلى مما يعنى أن البواقي تتبع التوزيع الطبيعي

6- اختبار الارتباط الخطى المتعدد Multicollinearity Test

ومعامل تضخم التباين لكل متغير من المتغيرات المستقلة كان أقل من 10 مما يعنى عدم وجود ارتباط خطى بين المتغيرات المستقلة.

7- اختبار اختلاف التباين أو عدم تجانس البواقي Heteroscedasticity Test

باجراء اختبار جولدفيلد-كواندت Goldfield-quandt نقبل الفرض العدم بتجانس أو ثبات فى تباين الأخطاء وتحقق شرط ثبات التباين.

3- نموذج الانحدار الفازي لإيرادات قناة السويس

متغيرات نموذج الانحدار الفازي المقترح لإيرادات قناة السويس والمرتبطة بمشروعات تطوير المجرى الملاحي للقناة
FY₃: إيرادات قناة السويس.

FX₃: أحجام الحمولات العابرة قناة السويس.

FX₄: أقصى غاطس للسفن العابرة للقناة.

FX₅: عرض المجرى الملاحي عند خط عمق (11.0م).

وعند تقدير النموذج الخاص بإيرادات قناة السويس كانت نتائج التقدير كما يلي:

$$\hat{F} Y_3 = - 0.016 + 1.332 FX_3 + 0.313 FX_5$$

والجدول رقم (3) يوضح نتائج تقدير المعادلة المقترحة

جدول رقم (3)

نتائج تقدير المعادلة المقترحة

Variable	Constant	FX ₃	FX ₅
B _i , i = 0, 3, 5	-0.016	1.332	0.313

R^2	0.974
R^2 (adj)	0.972

ونستنتج من الجدول رقم (3) السابق نتائج تقدير المعادلة المقترحة ما يلي:

وجود علاقة طردية بين حجم الإيرادات الكلية وزيادة أحجام حمولات السفن العابرة لقناة السويس حيث تظهر بإشارة موجبة، والاستمرار في تحقيق المزيد من مشروعات تطوير القناة وزيادة طاقتها التصريفية أي أنه في حالة الاستمرار في مشروعات تطوير القناة، وزيادة أحجام حمولات السفن العابرة للقناة فإن ذلك يؤدي إلى زيادة حجم الإيرادات الكلية فمعلمات الانحدار المقدرة تتفق إشاراتهما مع الواقع النظري.

- اتضح معنوية المعالم الفازية لنموذج الانحدار الفازي المقدر و معنوية معادلة الانحدار المقدرة ككل.

الأداء العام للنموذج يتضح أن :

- معامل التحديد قيمته 0.974 وذلك يعني أن معادلة الانحدار الخطية المقدرة نجحت في تفسير حوالي 97% من التغيرات الكلية في حجم إيرادات القناة.

كما أن قيمة معامل التحديد المعدل والتي تساوي 0.972 تعني أنه بعد أخذ درجات الحرية في الاعتبار أن التغيرات الكلية في إيرادات القناة من ناقلات البترول نجحت المتغيرات التفسيرية في المعادلة المقترحة في تفسير 97% من التغيرات الكلية في الإيرادات.

التحقق من شرط اعتدالية الأخطاء Normality of Disturbances

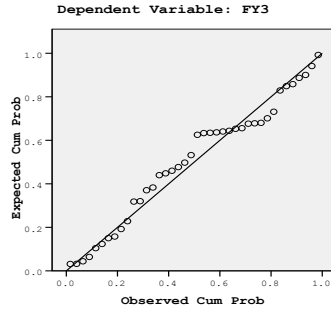
-اختبار سميرونوفكولمجروف-

Kolmogorov Smirnov Normality Test (K-S)

للتأكد من اعتدالية توزيع الأخطاء بإجراء الاختبار كانت قيمه P.value أكبر من 0.05 أي أن الأخطاء تتبع التوزيع الطبيعي

ويوضح الشكل رقم (13) شكل الانتشار بين الأخطاء المشاهدة البواقي والأخطاء المتوقعة كالاتاحتمالات متجمعة للمعادلة المقدرة لإيرادات القناة الكلية أن هذه الأخطاء تتوزع بطريقة عشوائية على جانبي الخط الممثل للتوزيع النظري المعتدل وغالبية هذه النقاط تقع على الخط وذلك مؤشراً أنها تتبع التوزيع الطبيعي.

Normal P-P Plot of Regression Standardized Residual



شكل رقم (13)

شكل الانتشار بين الأخطاء المشاهدة والأخطاء المتوقعة

كاحتمالات متجمعة للمعادلة المقدره

وكما يتضح من الشكل أن الأخطاء تتوزع بشكل عشوائي على جانبي الخط الواصل بين الركن الأيمن العلوى والركن الأيسر السفلى مما يعنى أن البواقى تتبع التوزيع الطبيعي

- اختبار الارتباط الخطى المتعدد Multicollinearity Test

ومعامل تضخم التباين لكل متغير من المتغيرات المستقلة كان أقل من 10 مما يعنى عدم وجود ارتباط خطى بين المتغيرات المستقلة.

- اختبار اختلاف التباين أو عدم تجانس البواقى Heteroscedasticity Test

باجراء اختبار جولدفيلد-كواندت Goldfield-quandt نقبل الفرض العدم بتجانس أو ثبات فى تباين الأخطاء وتحقق شرط ثبات التباين.

النتائج والتوصيات

أولاً: النتائج

- 1- ايجاد قيم دوال العضوية لبيانات المتغيرات وتحليلها.
- 2- اقتراح نموذج الانحدار الفازي لإيرادات قناة السويس المحصلة من ناقلاتالبتترول.

3- عند تقدير نموذج الانحدار الفازي الخاص بإيرادات قناة السويس من ناقلات البترول كانت نتائج التقدير كما يلي :

Variable	Constant	Fx ₁	Fx ₄
B _i , i = 0, 1, 4	- 0.029	0.685	1.505
R ²	0.715		
R ² (adj)	0.699		

4- معنوية معاملات الانحدار في النموذج الفازي .

5- إيرادات قناة السويس المحصلة نتيجة عبور ناقلات البترول تتأثر تأثيراً إيجابياً بمشروعات تطوير المجرى الملاحي لقناة السويس المتمثلة في زيادة طاقتها الاستيعابية .

6- تتأثر إيرادات قناة السويس المحصلة نتيجة عبور ناقلات البترول تأثيراً إيجابياً بإجمالي الحمولات العابرة للقناة من ناقلات البترول.

7- اقتراح نموذج الانحدار الفازي لإيرادات قناة السويس المحصلة من سفن البضائع الصب.

8- عند تقدير نموذج الانحدار الفازي لإيرادات قناة السويس المحصلة من سفن البضائع الصب كانت نتائج التقدير كما يلي :

Variable	Constant	Fx ₂	Fx ₄
B _i , i = 0, 2, 4	-0.029	0.577	1.595
R ²	0.814		
R ² (adj)	0.804		

9- معنوية معاملات الانحدار في النموذج الفازي الخاص بإيرادات قناة السويس من سفن البضائع الصب.

10- إيرادات قناة السويس المحصلة نتيجة عبور سفن البضائع الصب تتأثر تأثيراً إيجابياً بمشروعات تطوير المجرى الملاحي لقناة السويس المتمثلة في زيادة الطاقة الاستيعابية.

11- إيرادات قناة السويس المحصلة نتيجة عبور سفن البضائع الصب تتأثر تأثيراً إيجابياً بإجمالي الحمولات العابرة للقناة من سفن البضائع الصب.

12- اقتراح نموذج الانحدار الفازي لإيرادات قناة السويس.

13- وعند تقدير نموذج الانحدار الفازي لإيرادات قناة السويس كانت نتائج التقدير كما يلي:

Variable	Constant	FX ₃	FX ₅
B _i , i = 0, 3, 5	-0.016	1.332	0.313
R ²	0.974		
R ² (adj)	0.972		

- 14- معنوية معاملات الانحدار في النموذج الفازي الخاص بإيرادات قناة السويس.
- 15- اجمالى إيرادات قناة السويس تتأثر تأثيراً إيجابياً بمشروعات تطوير المجرى الملاحي لقناة السويس المتمثلة في زيادة طاقتها التصريفية.
- 16- تتأثر إيرادات قناة السويس تأثيراً إيجابياً بإجمالي الحمولات العابرة للقناة من السفن.
- 17- قابلية المجرى الملاحي لقناة السويس لتحقيق المزيد من التطوير مما يعنى امكانيه مسايرة هذا المرفق الحيوى لكافة العصور ويتضح أهمية الدور الذي تلعبه مشروعات تطوير المجرى الملاحي للقناة في التأثير على حجم إيرادات قناة السويس ومن ثم الاقتصاد القومي.

ثانياً: التوصيات

- 1- تقترح الدراسة على الباحثين إجراء تحليلات فازية تحت فرض كون دوال العضوية ليست مثلثية أو رباعية سواء متماثلة أو غير متماثلة والمقارنة بينها واختيار الأكثر كفاءة.
- 2- زيادة الاهتمام بدراسة المشروعات المستقبلية لتطوير المجرى الملاحي لقناة السويس سواء لزيادة الطاقة الاستيعابية أو التصريفية للقناة أو كلاهما لما يمثله ذلك من تأثير إيجابي على إيرادات القناة .
- 3- دراسة إيرادات باقي الأنواع الأخرى من سفن الأسطول العالمي العابرة لقناة السويس والعوامل المؤثرة عليها للتعرف على أهم تلك العوامل مما يساهم في التعرف على أهم العوامل المؤثرة على الإيرادات الإجمالية للقناة ومن ثم العمل على تعظيمها .
- 4- استمرار الدراسات في مجال إيرادات قناة السويس والتنبؤ بإيرادات باقي الأنواع الأخرى خلاف ناقلات البترول وسفن البضائع الصب .
- 5- أهمية توجيه عناية خاصة نحو دراسة وتحليل أحجام حمولات سفن الأسطول العالمي التي لا يمكن لمجرى قناة السويس حالياً من استقبالها بكامل حمولاتها لتحقيق المزيد من تطوير المجرى الملاحي للقناة بما يسمح باستيعابها .

- 6- تعظيم إيرادات القناة من خلال تعظيم أحجام الحمولات التي تعبر القناة وليس مجرد زيادة فئات رسوم العبور لها .
- 7- توصى الدراسة متخذى القرار فى الاستمرار فى مشروعات تطوير المجرى الملاحي لقناة السويس حتى تتمكن من جذب أكبر حجم ممكن من الحركة الملاحية العالمية وبالتالي زيادة إيراداتها .

المراجع

1. Andrzej Bargiela, et al., (2007). "Multiple regression with fuzzy data"
2. Baoding Liu, (2012). "Membership Functions and Operational law of uncertain sets"
3. Bojadziev, G. &Bojadziev, M. (2007). " Fuzzy Logic for Business Finance and Management", 2nd Edition, World Scientific Publishing Co. pte. Ltd.
4. Buckley, j. j. and Eslami, E. (2002). "An Introduction to Fuzzy Logic and Fuzzy Sets". Physica-Verlag Heidelberg, Germany.
5. Dom, R. M. (2009). Ph.D. "A Fuzzy Regression Model for the Prediction of Oral Cancer Susceptibility". University of Malaya, Kuala Lumpur.
6. Dubois, D., Prade, H. and Yager, R. R., (1993). "Readings in fuzzy sets for intelligent systems". San Mateo, CA., Morgan Kaufmann.
7. E. Pasha et al., (2007). "Fuzzy Linear Regression Models with Fuzzy Entropy", Applied Mathematical Sciences, Vol. 1, no. 35,
8. Feng, H. (2006). Ph.D. "Bayesian and non-Bayesian contributions to fuzzy regression analysis". York University, Canada.
9. Ganesh, M. (2009). "Introduction to Fuzzy Sets and Fuzzy Logic Prentice-Hall", India.
10. George J. Klir and Bo Yuan (1995). "Fuzzy Sets and Fuzzy Logic Theory and Applications",
11. Gladysz, B. &Kuchta, D. (2009). " Least Squares Method For L-R Fuzzy Variables". WILF, LNAI 5571, Verlag Berlin Heidelberg.
12. Hao-Tien Liu (2007). "An improved fuzzy time series forecasting method using trapezoidal fuzzy numbers".
13. Hsien-Chung, (2003). "Linear Regression Analysis for Fuzzy Input and Output Data Using the Extension Principle"
14. Kandel, A., (1986). "Fuzzy Mathematics Techniques with Applications", Addison -Wesley Publishing Company, England.

15. Kandel, A., (1986). "Fuzzy Mathematics Techniques with Application". Reading, MA., Addison Wesley.
16. Kandel, A., (1986). "Fuzzy Mathematics Techniques with Applications", Addison-Wesley Publishing Company, England.
17. Mosleha, M., Otadi, M. & Abbasbandy, S. (2010). "Evaluation of fuzzy regression models by fuzzy neural network". Software Qual J.
18. Muhammad Ammar Bin shafi, (2015). "Application of Fuzzy Linear Regression Models for predicting tumor size of colorectal cancer in Malaysia's Hospital".
19. Nureize A. and Watada, J., (2010). "A Fuzzy Regression Approach to a Hierarchical Evaluation Model For Oil Palm Fruit Grading", Springer Science, Business Media, LLc.
20. Pal N. R. and Bezdek J. C. (1995). "On cluster validity for the fuzzy c-means model" .IEEE Trans. on Fuzzy Systems.
21. Pedrycz, W. and Gomide, F., (1998). "An introduction to fuzzy sets: analysis and design. Massachusetts Institute of Technology press", Cambridge, MA, U.S.A.
22. R. Osuna-Gomez et al. (2017). "Different Optimum Notions for Fuzzy Functions and Optimality Conditions associated"
23. Rules of Navigation (1992), Suez Canal Authority ,
24. Shapiro, A. F., Berry-Stölzle, T.R. & Koissi, M. C. (2009). "The Fuzziness".
25. Souhir Charfeddine, et al., (2014). "Fuzzy linear regression: application to the estimation of air transport demand".
26. Thompson, M.L, (1978). "Selection of Variables in Multiple Regression", part1.A Review and Evaluation, international Statistical Review, Longmont. Group Limited, Printed in Britain, No46.
- transport demand". (2014).
27. Yager, R., S, Ovchinnikov, R. Tong, and H. Nguyen, (1987). "Fuzzy sets and application", selected papers by L.A. Zadeh, New York: John Wiley and Sons.
28. Zadeh, L. A. (1965). Fuzzy Sets Theory, Information and Control.
29. Zimmermann, H. J. (1991). "Fuzzy Set Theory and its Applications", Allied Publishers, New Delhi.